

Bambang Agus Sulistyono

paper 8

by Prodi Matematika

Submission date: 23-Dec-2022 02:53AM (UTC-0500)

Submission ID: 1986119967

File name: 12._SENDIKMAD_Konstruksi_1.pdf (584.87K)

Word count: 2409

Character count: 12147

2. Metode Langsung

2.1 Eliminasi Gauss

Metode eliminasi Gauss adalah salah satu metode yang paling awal dikembangkan dan banyak digunakan dalam penyelesaian sistem persamaan linier. Prosedur penyelesaian dari metode ini adalah mengurangi sistem persamaan ke dalam bentuk segitiga atas sedemikian sehingga salah satu dari persamaan-persamaan tersebut hanya mengandung satu bilangan tak diketahui, dan setiap persamaan berikutnya hanya terdiri dari satu tambahan bilangan tak diketahui baru.

Untuk itu terlebih dahulu tuliskan sistem persamaan linier di atas ke dalam bentuk matrik yang diperbesar,

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} & a_{1n+1} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} & a_{2n+1} \\ \vdots & \vdots & \cdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & \cdots & \cdots & a_{nn} & a_{nn+1} \end{bmatrix}$$

Kolom ke- $n+1$ sebagai vektor b. OBE selanjutnya diterapkan untuk membuat nol elemen yang berada di bawah diagonal utama. Untuk membuat nol elemen $a_{21}, a_{31}, \dots, a_{n1}$, kita ikuti proses berikut. Operasi penggantian baris ke-2 dengan baris ke-1 ditambah p kali baris ke 1 dilakukan untuk membuat a_{21} menjadi nol. Di sini kita gunakan $p = -a_{21}/a_{11}$, a_{11} sebagai pembagi

disebut elemen pivot. Pada tahap ini algoritma dapat disusun

$$p := -a[2,1]/a[1,1]$$

$$\text{Untuk } j := 2, 3, \dots, n+1$$

$$a[2,j] := a[2,j] + p * a[1,j]$$

$$a[2,1] := 0$$

Penggantian baris ke-3 dengan baris ke-1 ditambah p kali baris ke 1 dilakukan untuk membuat a_{31} menjadi nol, kita gunakan $p = -a_{31}/a_{11}$, dengan algoritma

$$p := -a[3,1]/a[1,1]$$

$$\text{Untuk } j := 2, \dots, n+1$$

$$a[3,j] := a[3,j] + p * a[1,j]$$

$$a[3,1] := 0$$

Penggantian baris ke-4 dan seterusnya dapat dilakukan dengan cara yang sama, sehingga keseluruhan tahap tersebut dapat digabungkan menjadi

$$\text{Untuk } i := 2, 3, \dots, n$$

$$p := a[i,1]/a[1,1]$$

$$\text{Untuk } j := 2, 3, \dots, n+1$$

$$a[i,j] := a[i,j] - p * a[1,j]$$

$$a[i,1] := 0$$

Sampai di sini kita peroleh matrik perluasan, menjadi

$$\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} & a_{1n+1} \\ 0 & a_{22} & \cdots & a_{2n} & a_{2n+1} \\ 0 & \vdots & \cdots & \vdots & \vdots \\ 0 & a_{n2} & \cdots & a_{nn} & a_{nn+1} \end{bmatrix}$$

Tahap berikutnya adalah membuat nol kolom ke-2 (warna merah), dengan algoritma

```

Untuk i:=3, ..., n
  p:=a[i,2]/a[2,2]
  Untuk j:=3, ..., n+1
    a[i,j]:=a[i,j]-
    p*a[2,j]
  a[i,2]:=0

```

Begitu seterusnya untuk kolom yang lain, sehingga keseluruhan diperoleh algoritma eliminasi Gauss

```

Untuk k:=1, 2, ..., n-1
  Untuk i:=k+1, k+2, ..., n
    p:=a[i,k]/a[k,k]
    Untuk j:=k+1, k+2,
    ..., n+1
      a[i,j]:=a[i,j]-
      p*a[k,j]
    a[i,k]:=0

```

2.2 Dekomposisi LU

Suatu cara menyelesaikan SPL

$$Ax = b$$

adalah dengan memecah matrik A menjadi matrik segitiga bawah L dan matrik segitiga atas U , lebih khusus lagi L mempunyai elemen 1 pada diagonal utama. Sehingga penyelesaian SPL dalam dua tahap

$$Ly = b, \quad Ux = y$$

y diselesaikan dari SPL pertama, kemudian diikuti menentukan x melalui matrik U . Masalah sekarang adalah bagaimana mendekomposisi A menjadi dua matrik L dan U , dan membuat algoritma-nya.

Kita ikuti proses dekomposisi untuk matrik ukuran 3×3 berikut.

Diberikan matrik

$$A := \begin{bmatrix} a_{11}^{(1)} & a_{12}^{(1)} & a_{13}^{(1)} \\ a_{21}^{(1)} & a_{22}^{(1)} & a_{23}^{(1)} \\ a_{31}^{(1)} & a_{32}^{(1)} & a_{33}^{(1)} \end{bmatrix}$$

Kita gunakan superscript (1) untuk menyatakan sebagai notasi awal, dan setelah melalui proses perhitungan tempat yang ada akan ditimpa, karena matrik L dan U akan disimpan pada matrik A tersebut.

Sebagai matrik dekomposisinya kita misalkan mempunyai elemen

$$L = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ m_{21} & 1 & 0 \\ m_{31} & m_{32} & 1 \end{bmatrix}, \quad U = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & a_{13} \\ 0 & a_{22} & a_{23} \\ 0 & 0 & a_{33} \end{bmatrix}$$

Hasil perkalian

$$LU = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ m_{21}a_{11} & a_{12}m_{21} + a_{22} & a_{13}m_{21} + a_{23} \\ a_{11}m_{31} & a_{12}m_{31} + a_{22}m_{32} & a_{13}m_{31} + a_{23}m_{32} + a_{33} \end{bmatrix}$$

disamakan dengan elemen A , dan ditentukan elemen pada matrik L dan U ,

baris pertama:

$$a_{11} = a_{11}^{(1)}, \quad a_{12} = a_{12}^{(1)}, \quad a_{13} = a_{13}^{(1)}$$

baris kedua:

$$m_{21} = a_{21}^{(1)} / a_{11}^{(1)}, \quad a_{22}^{(2)} = a_{22}^{(1)} - m_{21}a_{12}^{(1)}$$

$$a_{23}^{(2)} = a_{23}^{(1)} - m_{21}a_{13}^{(1)}$$

$$L := \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ m_{21} & 1 & 0 & 0 \\ m_{31} & m_{32} & 1 & 0 \\ m_{41} & m_{42} & m_{43} & 1 \end{bmatrix} \quad U := \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ 0 & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ 0 & 0 & a_{33} & a_{34} \\ 0 & 0 & 0 & a_{44} \end{bmatrix}$$

baris ketiga: $m_{31} = a_{31}^{(1)} / a_{11}^{(1)}$, dan kita gunakan notasi

$$a_{32}^{(2)} = a_{32}^{(1)} - m_{31}a_{12}^{(1)}, \quad a_{33}^{(2)} = a_{33}^{(1)} - m_{31}a_{13}^{(1)}$$

sebagai notasi sementara untuk memudahkan dua suku pertama dari kesamaan $a_{32}^{(1)} = m_{31}a_{12}^{(1)} + m_{32}a_{22}^{(2)}$ pada elemen baris-3 kolom-2, sama halnya untuk baris-3 kolom-3. Sehingga m_{32} dapat dihitung menggunakan $m_{32} = a_{32}^{(2)} / a_{22}^{(2)}$, dan akhirnya $a_{33}^{(3)} = a_{33}^{(2)} - m_{32}a_{23}^{(2)}$. Hasil perhitungan, matrik L dan U diletakkan pada satu matrik

$$\begin{bmatrix} a_{11}^{(1)} & a_{12}^{(1)} & a_{13}^{(1)} \\ m_{21} & a_{22}^{(2)} & a_{23}^{(2)} \\ m_{31} & m_{32} & a_{33}^{(3)} \end{bmatrix}$$

Sekarang kita lihat proses dekomposisi untuk matrik ukuran 4x4. Dari matrik

$$\begin{bmatrix} a_{11}^{(1)} & a_{12}^{(1)} & a_{13}^{(1)} & a_{14}^{(1)} \\ a_{21}^{(1)} & a_{22}^{(1)} & a_{23}^{(1)} & a_{24}^{(1)} \\ a_{31}^{(1)} & a_{32}^{(1)} & a_{33}^{(1)} & a_{34}^{(1)} \\ a_{41}^{(1)} & a_{42}^{(1)} & a_{43}^{(1)} & a_{44}^{(1)} \end{bmatrix}$$

kita misalkan didekomposisi menjadi

Hasil perkalian keduanya

$$LU = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ m_{21}a_{11} & m_{21}a_{12} + a_{22} & m_{21}a_{13} + a_{23} \\ m_{31}a_{11} & m_{31}a_{12} + m_{32}a_{22} & m_{31}a_{13} + m_{32}a_{23} + a_{33} \\ m_{41}a_{11} & m_{41}a_{12} + m_{42}a_{22} & m_{41}a_{13} + m_{42}a_{23} + m_{43}a_{33} \end{bmatrix}$$

Dengan menyamakan LU dan A , kita peroleh

- $a_{11} = a_{11}^{(1)}, \quad a_{12} = a_{12}^{(1)}, \quad a_{13} = a_{13}^{(1)}, \quad a_{14} = a_{14}^{(1)}$,
- $m_{21} = a_{21}^{(1)} / a_{11}^{(1)}; \quad a_{22}^{(2)} = a_{22}^{(1)} - m_{21}a_{12}^{(1)}$
 $a_{23}^{(2)} = a_{23}^{(1)} - m_{21}a_{13}^{(1)}$
 $a_{24}^{(2)} = a_{24}^{(1)} - m_{21}a_{14}^{(1)}$
- $m_{31} = a_{31}^{(1)} / a_{11}^{(1)}; \quad a_{32}^{(2)} = a_{32}^{(1)} - m_{31}a_{12}^{(1)}$
 $a_{33}^{(2)} = a_{33}^{(1)} - m_{31}a_{13}^{(1)}$
 $a_{34}^{(2)} = a_{34}^{(1)} - m_{31}a_{14}^{(1)}$

$a_{32}^{(2)}, a_{33}^{(2)}, a_{34}^{(2)}$ merupakan nilai sementara dari elemen pada posisi yang ditunjukkan oleh indek, terkait dengan suku yang berwarna merah pada LU .

- $m_{41} = a_{41}^{(1)} / a_{11}^{(1)}; \quad a_{42}^{(2)} = a_{42}^{(1)} - m_{41}a_{12}^{(1)}$
 $a_{43}^{(2)} = a_{43}^{(1)} - m_{41}a_{13}^{(1)}$
 $a_{44}^{(2)} = a_{44}^{(1)} - m_{41}a_{14}^{(1)}$

$a_{42}^{(2)}, a_{43}^{(2)}, a_{44}^{(2)}$ merupakan nilai sementara dari elemen pada posisi yang ditunjukkan oleh indek, terkait dengan suku yang berwarna merah pada LU .

Sampai tahap ini, matrik yang diperoleh, L dan U disimpn dalam matrik A ,

$$\begin{bmatrix} a_{11}^{(1)} & a_{12}^{(1)} & a_{13}^{(1)} & a_{14}^{(1)} \\ m_{21} & a_{22}^{(2)} & a_{23}^{(2)} & a_{24}^{(2)} \\ m_{31} & a_{32}^{(2)} & a_{33}^{(2)} & a_{34}^{(2)} \\ m_{41} & a_{42}^{(2)} & a_{43}^{(2)} & a_{44}^{(2)} \end{bmatrix}$$

Baris pertama dan kedua sudah selesai diolah, begitu juga dengan kolom pertama (warna hijau). Baris ke tiga dan ke empat perlu disempurnakan. Untuk itu kita lakukan perhitungan

- $m_{32} = a_{32}^{(2)} / a_{22}^{(2)}$; $a_{33}^{(3)} = a_{33}^{(2)} - m_{32}a_{23}^{(2)}$
 $a_{34}^{(3)} = a_{34}^{(2)} - m_{32}a_{24}^{(2)}$
- $m_{42} = a_{42}^{(2)} / a_{22}^{(2)}$; $a_{43}^{(3)} = a_{43}^{(2)} - m_{42}a_{23}^{(2)}$
 $a_{44}^{(3)} = a_{44}^{(2)} - m_{42}a_{24}^{(2)}$

berkaitan dengan suku warna merah dan biru pada matrik LU . Sampai tahap ini kita sudah menghitung hamper semua elemen L dan U , seperti yang ditampilkan pada matrik berikut, warna hijau.

$$\begin{bmatrix} a_{11}^{(1)} & a_{12}^{(1)} & a_{13}^{(1)} & a_{14}^{(1)} \\ m_{21} & a_{22}^{(2)} & a_{23}^{(2)} & a_{24}^{(2)} \\ m_{31} & m_{32} & a_{33}^{(3)} & a_{34}^{(3)} \\ m_{41} & m_{42} & a_{43}^{(3)} & a_{44}^{(3)} \end{bmatrix}$$

Dua elemen tersisa dihitung sebagai berikut

- $m_{43} = a_{43}^{(3)} / a_{33}^{(3)}$; $a_{44}^{(4)} = a_{44}^{(3)} - m_{43}a_{34}^{(3)}$

Sehingga diperoleh

$$\begin{bmatrix} a_{11}^{(1)} & a_{12}^{(1)} & a_{13}^{(1)} & a_{14}^{(1)} \\ m_{21} & a_{22}^{(2)} & a_{23}^{(2)} & a_{24}^{(2)} \\ m_{31} & m_{32} & a_{33}^{(3)} & a_{34}^{(3)} \\ m_{41} & m_{42} & m_{43} & a_{44}^{(4)} \end{bmatrix}$$

Dengan mengikuti proses dekomposisi dari matrik 3x3 dan 4x4, diharapkan dapat memberikan pola berpikir untuk mendekomposisikan matrik ukuran nxn. Sedangkan eksistensi dari dekomposisi matrik $A=LU$ dijamin: (lihat Anton & Rorres, *Elementary Linear Alg.*, hal. 479), yaitu:

Jika A matrik bujur sangkar yang dapat direduksi menjadi bentuk eselon baris U dengan eliminasi Gauss tanpa penukaran baris, maka A dapat difaktorkan sebagai $A=LU$, dengan $U = E_m E_{m-1} \dots E_2 E_1 A$, $L = E_1^{-1} E_2^{-1} \dots E_m^{-1}$; E_1, E_2, \dots, E_m matrik elementer yang berkaitan dengan operasi baris.

Berikut langkah-langkah dekomposisi pada matrik ukuran nxn:

- $a_{11} = a_{11}^{(1)}, a_{12} = a_{12}^{(1)}, \dots, a_{1n} = a_{1n}^{(1)}$
- Untuk $p=1,2,\dots,n$

$$\bullet m_{rp} = a_{rp}^{(p)} / a_{pp}^{(p)}, \quad r = p+1, p+2, \dots, n$$

$$a_{rc}^{(p+1)} = a_{rc}^{(p)} - m_{rp} a_{pc}^{(p)}, \quad c = p+1, p+2, \dots, n$$

Matrik yang diperoleh

$$\begin{bmatrix} a_{11}^{(1)} & a_{12}^{(1)} & a_{13}^{(1)} & \dots & a_{1n}^{(1)} \\ m_{21} & a_{22}^{(2)} & a_{23}^{(2)} & \dots & a_{2n}^{(2)} \\ m_{31} & m_{32} & a_{33}^{(3)} & \dots & a_{3n}^{(3)} \\ \vdots & & & \ddots & \vdots \\ m_{n1} & m_{n2} & m_{n3} & \dots & a_{nn}^{(n)} \end{bmatrix}$$

Warna kuning merupakan elemen dari U dan sisanya elemen dari L dengan diagonal utama bernilai satu.

3. Metode Iterasi

Dalam proses iterasi, masing-masing persamaan yang ada dihitung nilai perkiraan awal dari satu variabel yang tidak diketahui, dengan menggunakan nilai perkiraan sebelumnya. Perhitungan ini diulang terus dengan harapan iterasi berikutnya akan lebih dekat ke solusi sebenarnya.

Persamaan pertama dari Sistem (1) dapat digunakan untuk menghitung x_1 sebagai fungsi dari x_2, x_3, \dots, x_n . Persamaan kedua untuk menghitung x_2 sebagai fungsi dari x_1, x_3, \dots, x_n , demikian seterusnya sehingga didapat :

$$x_1 = [b_1 - (a_{12}x_2 + a_{13}x_3 + \dots + a_{1n}x_n)] / a_{11}$$

$$x_2 = [b_2 - (a_{21}x_1 + a_{23}x_3 + \dots + a_{2n}x_n)] / a_{22}$$

$$\vdots$$

$$x_n = [b_n - (a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + \dots + a_{nn}x_{n-1})] / a_{nn}$$

Hitungan dimulai nilai perkiraan awal sebarang untuk variabel yang dicari (biasanya semua variabel diambil sama dengan nol). Nilai perkiraan awal tersebut disubstitusikan ke dalam ruas kanan dari sistem Persamaan (2). Selanjutnya nilai variabel yang didapat tersebut disubstitusikan ke ruas kanan dari Sistem (2) lagi untuk mendapatkan nilai perkiraan kedua. Prosedur tersebut diulangi lagi sampai nilai setiap variabel pada iterasi ke n mendekati nilai pada iterasi ke $n-1$. Persamaan (2) dapat ditulis menjadi :

$$x_1^{(k+1)} = [b_1 - (a_{12}x_2^{(k)} + a_{13}x_3^{(k)} + \dots + a_{1n}x_n^{(k)})] / a_{11}$$

$$x_2^{(k+1)} = [b_2 - (a_{21}x_1^{(k)} + a_{23}x_3^{(k)} + \dots + a_{2n}x_n^{(k)})] / a_{22}$$

$$\vdots$$

$$x_n^{(k+1)} = [b_n - (a_{n1}x_1^{(k)} + a_{n2}x_2^{(k)} + \dots + a_{nn}x_{n-1}^{(k)})] / a_{nn}$$

Superskript k pada x menyatakan banyak-nya iterasi yang telah dilakukan. Tentunya rumus iterasi tersebut dibentuk dengan memilih elemen diagonalnya tidak boleh nol. Bila ada yang nol, maka sistem persamaan linier perlu diubah lebih dahulu urutan persamaannya. Iterasi diatas dikenal sebagai metode Jacobi, dan penghentian iterasi dilakukan dengan

$$\max_{1 \leq i \leq n} |x_i^{(k+1)} - x_i^{(k)}| < \text{Tol}$$

dapat juga digunakan nilai relatifnya

$$\max_{1 \leq i \leq n} \left| \frac{x_i^{(k+1)} - x_i^{(k)}}{x_i^{(k+1)}} \right| < \text{Tol}$$

Di dalam metode Jacobi, nilai x_1 yang dihitung dari persamaan pertama tidak digunakan untuk menghitung nilai x_2 dengan persamaan kedua. Demikian juga nilai x_2 tidak digunakan untuk

mencari x_3 , sehingga nilai-nilai tersebut tidak dimanfaatkan. Sebenarnya nilai baru tersebut lebih baik dari nilai-nilai yang lama. Didalam metode Gauss-Seidel nilai-nilai dimanfaatkan untuk menghitung variabel berikutnya.

Iterasi Gauss-Seidel sebagai cara penyelesaian sistem persamaan linier tidak jauh beda dengan iterasi Jacobi. Pada iterasi Gauss-Seidel, nilai hasil perhitungan pada baris awal langsung digunakan untuk perhitungan nilai selanjutnya di dalam iterasi. Dengan cara ini konvergensi akan tercapai lebih cepat. Bentuk umum iterasi Gauss-Seidel adalah sebagai berikut :

$$\begin{aligned} x_1^{(k+1)} &= [b_1 - (a_{12}x_2^{(k)} + a_{13}x_3^{(k)} + \dots + a_{1n}x_n^{(k)})] / a_{11} \\ x_2^{(k+1)} &= [b_2 - (a_{21}x_1^{(k+1)} + a_{23}x_3^{(k)} + \dots + a_{2n}x_n^{(k)})] / a_{22} \\ x_3^{(k+1)} &= [b_3 - (a_{31}x_1^{(k+1)} + a_{32}x_2^{(k+1)} + a_{34}x_4^{(k)} + \dots + a_{3n}x_n^{(k)})] / a_{33} \\ &\vdots \\ x_n^{(k+1)} &= [b_n - (a_{n1}x_1^{(k+1)} + a_{n2}x_2^{(k+1)} + \dots + a_{nn-1}x_{n-1}^{(k+1)})] / a_{nn} \end{aligned}$$

Pada saat menghitung $x_1^{(k+1)}$ kita gunakan $x_2^{(k)}, x_3^{(k)}, x_4^{(k)}, \dots, x_n^{(k)}$, pada $x_2^{(k+1)}$ kita gunakan $x_1^{(k+1)}, x_3^{(k)}, x_4^{(k)}, \dots, x_n^{(k)}$, hasil perhitungan sebelumnya digunakan

pada tahap ini, begitu juga untuk menghitung $x_3^{(k+1)}$ menggunakan $x_1^{(k+1)}, x_2^{(k+1)}, x_4^{(k)}, \dots, x_n^{(k)}$, semakin ke bawah semakin banyak hasil iterasi ke- $k+1$ yang digunakan.

Agar iterasi konvergen metoda Jacobi dan juga Gauss-Seidel mengharuskan matrik koefisiennya diagonal dominant, yaitu $|a_{ii}| \geq \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^n |a_{ij}|$.

Kondisi ini merupakan syarat cukup, yaitu bila dipenuhi maka iterasi konvergen, tetapi bila tidak dipenuhi masih dimungkinkan konvergen, dengan lambat.

4. Kesimpulan

Sistem persamaan yang banyak dijumpai bersifat 'jarang' dan banyak koefisien yang merupakan nol. Dalam hal ini cara iterasi lebih baik. Sistem persamaan ini banyak dijumpai pada persamaan diferensial. Sistem

persamaan yang banyak, bila diselesaikan dengan eliminasi akan kurang teliti dan membutuhkan tempat yang banyak bila diprogram pada komputer.

Daftar Pustaka

- [1] L.H. Wiryanto, 2014, *Metoda Numerik Pada Sistem Persamaan Linier*, disampaikan pada kuliah tamu di UNP Kediri.
- [2] Triatmodjo, B, 2002, *Metode Numerik dilengkapi dengan program komputer*, Beta Offset.
- [3] Djojodihardjo, H, 2000, *Metode Numerik*, Penerbit PT Gramedia Pustaka Utama.

Bambang Agus Sulistyono paper 8

ORIGINALITY REPORT

11%

SIMILARITY INDEX

10%

INTERNET SOURCES

8%

PUBLICATIONS

5%

STUDENT PAPERS

PRIMARY SOURCES

1	Fery Firmansah. "Pelabelan Harmonis Ganjil pada Graf Bunga Double Quadrilateral", JURNAL ILMIAH SAINS, 2020 Publication	2%
2	dadospdf.com Internet Source	2%
3	Alexander Isaev. "Further Steps Towards Classifying Homogeneous Kobayashi-Hyperbolic Manifolds with High-Dimensional Automorphism Group", The Journal of Geometric Analysis, 2019 Publication	1%
4	Submitted to Brunel University Student Paper	1%
5	core.ac.uk Internet Source	1%
6	idoc.pub Internet Source	1%
7	Submitted to University of Southampton Student Paper	<1%

8	mapserver3.ldpassociati.it Internet Source	<1 %
9	students.chemport.ru Internet Source	<1 %
10	hummer.larc.nasa.gov Internet Source	<1 %
11	shahab.pe.wvu.edu Internet Source	<1 %
12	www.nrc.gov Internet Source	<1 %
13	es.scribd.com Internet Source	<1 %
14	www.mafu.ws Internet Source	<1 %
15	www.orau.org Internet Source	<1 %
16	Qin Ni. "A globally convergent method of moving asymptotes with trust region technique", Optimization Methods and Software, 2003 Publication	<1 %

Exclude quotes Off
Exclude bibliography On

Exclude matches Off

Bambang Agus Sulistyono paper 8

GRADEMARK REPORT

FINAL GRADE

/0

GENERAL COMMENTS

Instructor

PAGE 1

PAGE 2

PAGE 3

PAGE 4

PAGE 5

PAGE 6

PAGE 7

PAGE 8
