

PROSES PENALARAN
MATEMATIS SISWA DALAM
MEMECAHKAN MASALAH
MATEMATIKA PADA MATERI
POKOK DIMENSI TIGA
BERDASARKAN KEMAMPUAN
SISWA DI SMA NEGERI 5
KEDIRI

Submission date: 27-Jun-2020 09:25PM (UTC+0700)
by Jurnal Scan_5

Submission ID: 1350429559

File name: Artikel_5_232-Article_Text-613-1-10-20160204.pdf (136.44K)

Word count: 4606

Character count: 30774

PROSES PENALARAN MATEMATIS SISWA DALAM MEMECAHKAN MASALAH MATEMATIKA PADA MATERI POKOK DIMENSI TIGA BERDASARKAN KEMAMPUAN SISWA DI SMA NEGERI 5 KEDIRI

Anisatul Hidayati

Program Studi Pendidikan Matematika UNP Kediri

E-mail: anisa_hidayati1@yahoo.co.id

Suryo Widodo

Program Studi Pendidikan Matematika UNP Kediri

E-mail: widodonusantara@yahoo.co.id

ABSTRAK

Penalaran peserta didik sangat penting untuk dipelajari dan dikembangkan. Kemampuan bernalar tidak hanya dibutuhkan ketika mempelajari matematika maupun mata pelajaran lainnya, namun sangat dibutuhkan juga ketika memecahkan masalah ataupun saat menentukan keputusan dalam kehidupan. Pertanyaan penelitian dalam penelitian ini adalah bagaimana proses penalaran matematis siswa berkemampuan matematika rendah, sedang, dan tinggi dalam memecahkan masalah matematika pada materi pokok dimensi tiga. Tujuan penelitian ini adalah mendeskripsikan proses penalaran matematis siswa berkemampuan rendah, sedang, dan tinggi dalam memecahkan masalah matematika pada materi pokok dimensi tiga. Pendekatan yang digunakan adalah pendekatan kualitatif. Hasil penelitian menunjukkan bahwa subjek dengan kemampuan matematika rendah menunjukkan ada aktivitas proses penalaran matematisnya dalam memecahkan masalah kecuali pada tahap membuat rencana pemecahan masalah dan tahap melaksanakan rencana pemecahan masalah, subjek dengan kemampuan matematika sedang menunjukkan ada aktivitas proses penalaran matematisnya dalam memecahkan masalah kecuali tahap melaksanakan rencana pemecahan masalah, sedangkan subjek dengan kemampuan matematika tinggi menunjukkan ada aktivitas proses penalaran matematisnya pada setiap tahap memecahkan masalah.

Kata Kunci : *penalaran matematis, pemecahan masalah, materi dimensi tiga.*

PENDAHULUAN

Matematika adalah ilmu yang berperan penting dalam berbagai aspek kehidupan dan tidak dapat terlepas dari kehidupan. Karena pentingnya matematika dalam kehidupan sehari-hari, matematika dijadikan salah satu pelajaran wajib pada setiap jenjang pendidikan di sekolah. Standar matematika sekolah meliputi standar isi atau materi (*mathematical content*) dan standar proses (*mathematical processes*) (Shadiq, 2009: 2). Standar proses terdiri atas pemecahan masalah (*problem solving*), penalaran (*reasoning*), dan komunikasi (*communication*).

Selain termuat dalam standar proses, penalaran juga termuat dalam tujuan mata pelajaran matematika yaitu agar peserta didik memiliki kemampuan: (1) memahami konsep matematika, menjelaskan keterkaitan antar konsep dan mengaplikasikan konsep atau algoritma secara luwes, akurat, efisien, dan tepat dalam pemecahan masalah, (2) menggunakan penalaran pada pola dan sifat, melakukan manipulasi matematika dalam membuat generalisasi, menyusun bukti, atau menjelaskan gagasan dan pernyataan matematika, (3) memecahkan masalah yang meliputi kemampuan memahami masalah,

merancang model matematika, menyelesaikan model dan menafsirkan solusi yang diperoleh, (4) mengkomunikasikan gagasan dengan simbol, tabel, diagram, atau media lain untuk memperjelas keadaan atau masalah, (5) memiliki sikap menghargai kegunaan matematika dalam kehidupan, yaitu memiliki rasa ingin tahu, perhatian, dan minat dalam mempelajari matematika, serta sikap ulet dan percaya diri dalam pemecahan masalah (Standar Isi Permendiknas No.22 Tahun 2006).

52 Berdasarkan pemaparan sebelumnya, terlihat bahwa kemampuan penalaran merupakan salah satu dari kompetensi yang harus dimiliki oleh peserta didik. Hal itu karena penalaran merupakan salah satu standar yang sangat dibutuhkan dalam pembelajaran matematika dan menjadi salah satu tujuan dari pembelajaran matematika serta sangat dibutuhkan untuk pemecahan masalah dalam kehidupan sehari-hari. Depdiknas menyatakan bahwa materi matematika dan penalaran matematika merupakan dua hal yang tidak dapat dipisahkan, yaitu materi matematika dipahami melalui penalaran dan penalaran dipahami dan dilatih melalui belajar materi matematika (Shadiq, 2004: 3).

Shadiq (2007: 3) menyatakan definisi penalaran menurut Copi yaitu penalaran merupakan kegiatan, proses atau aktivitas berpikir untuk menarik suatu kesimpulan atau membuat suatu pernyataan baru berdasarkan pada beberapa pernyataan yang diketahui benar ataupun yang dianggap benar yang disebut premis. Menurut Suriasumantri (2010 : 42) penalaran merupakan suatu proses berpikir dalam menarik sesuatu kesimpulan yang berupa pengetahuan. Berdasarkan uraian dapat disimpulkan bahwa penalaran adalah suatu proses atau aktivitas berpikir untuk menarik kesimpulan atau membuat suatu pernyataan baru yang benar berdasarkan pada beberapa pernyataan yang diketahui sebelumnya menggunakan cara logis.

Untuk penalaran matematis, Widjaja (2010: 5) mengemukakan pengertian penalaran matematis yang disampaikan oleh Ball, Lewis & Thamel, yang dapat diartikan bahwa penalaran matematika atau penalaran matematis adalah fondasi untuk menkonstruksi pengetahuan matematika. Azmi (2013: 11) memaparkan pernyataan yang disampaikan oleh Brodie yaitu "*Mathematical reasoning is reasoning about and with the object of mathematics.*". Selanjutnya pernyataan itu dapat diartikan bahwa penalaran matematis adalah penalaran tentang objek matematika. Menurut Wardhani (2008: 12) ada dua cara untuk menarik kesimpulan yaitu secara induktif dan deduktif, yang selanjutnya dikenal 7 ialah penalaran induktif dan penalaran deduktif. Berdasarkan beberapa uraian tersebut dapat disimpulkan bahwa penalaran matematis adalah suatu kegiatan, suatu proses atau aktivitas berpikir untuk menarik kesimpulan atau membuat suatu pernyataan baru yang benar berdasarkan pada beberapa pernyataan yang diketahui sebelumnya menggunakan cara logis baik penalaran deduktif maupun induktif.

Mengenai masalah matematika, Wardhani (2010: 15) menyatakan dua hal terkait masalah. Pertama, suatu pertanyaan akan menjadi masalah jika pertanyaan itu menunjukkan adanya suatu tantangan yang tidak dapat dipecahkan dengan suatu prosedur yang sudah diketahui oleh penjawab pertanyaan. Kedua, suatu masalah bagi siswa A belum tentu menjadi masalah bagi siswa B jika siswa B sudah mengetahui prosedur untuk

menyelesaikannya. Menurut Wardhani (2010: 27), masalah matematika dapat dibedakan dalam dua jenis, yaitu masalah rutin dan masalah nonrutin. Dalam penelitian ini masalah matematika yang digunakan adalah masalah rutin tentang materi dimensi tiga.

Dalam memecahkan masalah terdapat beberapa fase atau tahap. Sukayasa (2012: 47) memaparkan fase atau tahap dalam pemecahan masalah yang dikemukakan oleh beberapa ahli yang disajikan dalam tabel berikut.

Tabel 1: Fase atau tahap dalam pemecahan masalah yang dikemukakan oleh beberapa ahli

Menurut Krulik & Rudnik	Menurut G. Polya	Menurut John Dewey
1) Membaca dan Memikirkan (<i>Read and Think</i>)	1) Memahami Masalah (<i>Understanding the Problem</i>)	1) Pengenalan (<i>Recognition</i>)
2) Mengeksplorasi dan Merencanakan (<i>Explore and Plan</i>)	2) Membuat rencana penyelesaian (<i>Devising a Plan</i>)	2) Pendefinisian (<i>Definition</i>)
3) Memilih suatu strategi (<i>Select a strategy</i>)	3) Melaksanakan rencana penyelesaian (<i>Carrying Out the Plan</i>)	3) Perumusan (<i>Formulation</i>)
4) Menemukan suatu jawaban (<i>Find an answer</i>)	4) Menafsirkan kembali hasilnya (<i>Looking Back</i>)	4) Mencobakan (<i>Test</i>)
5) Meninjau kembali dan mendiskusikan (<i>Reflect and extend</i>)		5) Evaluasi (<i>Evaluation</i>)

Tahap penyelesaian masalah yang akan digunakan dalam penelitian ini adalah tahap pemecahan masalah menurut G Polya. Pemilihan tahap pemecahan masalah menurut G Polya karena tahap-tahap pemecahan masalah yang dikemukakan oleh G Polya sederhana, aktifitas pada setiap tahapnya jelas, dan memungkinkan siswa memperoleh pengalaman menggunakan pengetahuan serta keterampilan yang telah dimiliki untuk memecahkan masalah.

Indikator siswa yang memiliki kemampuan penalaran matematis sesuai dengan penjelasan teknis Peraturan Dirjen Dikdasmen Depdiknas Nomor 506/C/Kep/PP/2004 tanggal 11 November 2004 tentang rapor antara lain jika siswa mampu: (1) mengajukan dugaan, (2) melakukan manipulasi matematika, (3) menarik kesimpulan, menyusun bukti, memberikan alasan atau bukti terhadap kebenaran solusi, (4) menarik kesimpulan dari pernyataan, (5) memeriksa kesahihan suatu argumen, (6) menemukan pola atau sifat dari gejala matematis untuk membuat generalisasi (Wardhani, 2008: 14). Sedangkan indikator penalaran matematis siswa yang diuraikan oleh Sulistiawati (2014: 207) sebagai berikut: (1) memperkirakan jawaban dan proses solusi, (2) menganalisis pernyataan pernyataan dan memberikan penjelasan/alasan yang dapat mendukung atau bertolak belakang, (3) mempertimbangkan validitas dari argumen yang menggunakan berpikir deduktif atau induktif, (4) menggunakan data yang mendukung untuk menjelaskan mengapa cara yang digunakan serta jawaban adalah benar; dan memberikan penjelasan dengan menggunakan model, fakta, sifat-sifat, dan hubungan.

Herman (2007) mengatakan bahwa kemampuan penalaran matematis merupakan salah satu kemampuan berpikir tingkat tinggi. Sedangkan kegiatan yang termasuk dalam kemampuan penalaran matematis meliputi: (1) Menarik kesimpulan dari suatu data, (2) menggeneralisasi dan menarik kesimpulan umum dari pola, data, atau proses, (3) menganalogikan suatu permasalahan, (4) memperkirakan suatu model, (5) menjelaskan penyelesaian dari sebuah masalah, (6) menggunakan pola hubungan untuk menganalisis dan menyusun konjektur, (7) transduktif: menarik kesimpulan khusus dari satu kasus dan diterapkan untuk kasus lainnya.

Indikator penalaran matematis dalam memecahkan masalah yang digunakan dalam penelitian ini antara lain: (1) mengetahui pernyataan-pernyataan dan memberikan penjelasan/alasan yang dapat mendukung, (2) memperkirakan jawaban dan proses solusi, (3) ada pola/cara dan hubungan untuk menarik kesimpulan. Dari indikator penalaran tersebut, kemudian diuraikan menurut tahap-tahap dalam pemecahan masalah yang disajikan dalam tabel berikut.

Tabel 2 Indikator Penalaran Matematis dalam Memecahkan Masalah Matematika

Tahap Pemecahan Masalah	Indikator Penalaran
Memahami Masalah	<ol style="list-style-type: none"> 1. Siswa dapat menjelaskan permasalahan yang ditemukan dalam ⁴⁷ al setelah membaca soal. 2. Siswa dapat menyebutkan yang diketahui dan ditanyakan dalam soal. 3. Siswa dapat menjabarkan pernyataan-pernyataan atau data-data dan memberikan penjelasan/alasan yang dapat mendukung data yang dijabarkan.
Membuat Rencana	<ol style="list-style-type: none"> 1. Siswa dapat memperkirakan jawaban dan proses solusi. 2. Siswa dapat menggunakan pola/cara dan hubungan untuk menganalisis situasi yang dihadapi.
Melaksanakan Rencana	<ol style="list-style-type: none"> 1. Siswa dapat menyusun dan menguji perkiraan jawaban yang telah ditentukan. 2. Siswa dapat menggunakan data yang mendukung dan mengoperasikannya untuk mencari solusi permasalahan.
Memeriksa Kembali	<ol style="list-style-type: none"> 1. Mengecek kembali hasil jawaban yang telah didapatkan serta penyelesaian yang telah dilakukan. 2. Dapat menarik kesimpulan yang valid.

METODE PENELITIAN

Pendekatan Penelitian dan Jenis Penelitian

Pendekatan yang digunakan dalam penelitian ini adalah pendekatan kualitatif yaitu penelitian yang menggunakan data kualitatif kemudian mendeskripsikan data tersebut untuk menghasilkan gambaran yang jelas dan terperinci tentang proses penalaran

matematika siswa dalam memecahkan masalah matematika. Sedangkan jenis penelitiannya adalah deskriptif kualitatif.

Penentuan Subjek

Subyek dalam penelitian ini adalah 3 siswa dari Kelas X SMA Negeri 5 Kediri semester genap tahun ajaran 2014/2015 yang dipilih berdasarkan tingkat kemampuan matematika yaitu kemampuan matematika rendah, sedang, dan tinggi. Pengambilan subyek penelitian dengan melihat hasil tes matematika umum dan atas pertimbangan guru. Hal ini dilakukan karena guru lebih mengetahui sikap serta kemampuan komunikasi siswa secara lisan, sehingga ketika diadakan wawancara siswa mampu mengemukakan pendapatnya. Subjek diberikan tes kemampuan matematika umum, kemudian berdasarkan hasil tes tersebut dan pertimbangan guru dipilih masing-masing satu subjek berdasarkan tingkat kemampuan matematika yaitu subjek dengan kemampuan matematika rendah (SR), subjek dengan kemampuan matematika sedang (SS), dan subjek dengan kemampuan matematika tinggi (ST).

Penyusunan Instrumen Penelitian

Ada dua jenis instrumen dalam penelitian ini yaitu instrumen utama dan instrumen bantu. Instrumen utama yaitu peneliti sendiri, dan instrumen bantu yang berupa soal tes kemampuan matematika umum dan penalaran matematis, pedoman wawancara dan dokumentasi. Instrumen yang berupa tes penalaran diujicobakan pada beberapa siswa untuk melihat keterbacaan soal. Validasi dilakukan oleh dua orang dosen program studi Pendidikan Matematika Universitas Nusantara PGRI Kediri.

Teknik Analisis data

Teknik analisis data yang digunakan adalah model alir yang dikemukakan oleh Miles & Huberman (1992) yang meliputi kegiatan mereduksi data, penyajian data dan penarikan kesimpulan. Dalam penarikan kesimpulan, kesimpulan akan kredibel jika didukung oleh data-data yang kredibel. Pada penelitian ini, untuk menguji kredibilitas data atau keabsahan data digunakan triangulasi yaitu triangulasi waktu. Subjek diberikan beberapa kali tes penalaran matematis dan wawancara dalam kurun waktu yang berbeda.

Prosedur Penelitian

Prosedur penelitian ini terdiri dari tiga tahap antara lain (1) tahap persiapan yang meliputi kegiatan penyusunan proposal, penyusunan instrumen penelitian dan validasi, dan melakukan permohonan izin penelitian kepada sekolah. (2) tahap pelaksanaan yang meliputi pemberian soal tes matematika umum dan pemberian soal tes penalaran beserta wawancara pada subjek penelitian. (3) tahap analisis data yang meliputi kegiatan menganalisis data yang diperoleh dan penyusunan laporan hasil penelitian.

HASIL DAN PEMBAHASAN

Adapun hasil penelitian dan pembahasan proses penalaran matematis subjek dalam memecahkan masalah pada setiap tahap pemecahan masalah sebagai berikut:

1. Subjek dengan Kemampuan Matematika Rendah (SR)

- a. Tahap Memahami Masalah

SR memahami masalah dengan cara membaca soal dan dapat menjelaskan masalah yang dihadapi. Jika masih belum bisa memahami masalah, SR akan membaca dan meneliti soal lagi sampai benar-benar memahami masalah. SR dapat menyebutkan apa saja yang diketahui dan apa yang ditanyakan dari soal secara lisan dan menuliskannya pada lembar jawabannya serta dapat memberikan penjelasan dan alasan mengapa bisa menetapkan sesuatu sebagai yang diketahui dan ditanyakan yaitu dengan melihat soal karena menurutnya apa yang diketahui dan ditanyakan telah tertulis dengan jelas pada soal.

Proses penalaran SR pada tahap memahami masalah terlihat saat SR dapat menjabarkan apa saja yang diketahui dan ditanyakan secara lisan maupun secara tertulis dan mampu memberikan penjelasan bahwa apa saja yang diketahui dan ditanyakan berasal dari pernyataan dalam soal karena menurutnya apa yang diketahui dan ditanyakan telah tertulis dengan jelas pada soal. Berdasarkan uraian dapat diketahui bahwa pada tahap memahami masalah subjek telah melakukan penalaran, sesuai dengan definisi penalaran yang disampaikan oleh Shadiq (2007: 3) bahwa penalaran merupakan kegiatan, proses atau aktivitas berpikir untuk menarik suatu kesimpulan atau membuat suatu pernyataan baru berdasarkan pada beberapa pernyataan yang diketahui benar ataupun yang dianggap benar yang disebut premis. Terbukti dari siswa dapat menyimpulkan rumusan masalah berdasarkan apa saja yang diketahui dan ditanyakan dalam soal. Dalam hal ini premis yang dimaksud adalah pernyataan-pernyataan yang terdapat dalam soal yaitu yang diketahui dan ditanyakan.

b. Tahap Membuat Rencana Pemecahan Masalah

SR dapat memperkirakan jawaban dan proses solusi yaitu dapat merencanakan langkah-langkah apa saja yang akan dilakukan untuk memecahkan masalah yang diawali dengan menggambar kubus dengan tujuan agar dapat mengetahui letak sudut yang akan dicari nilainya dengan jelas sehingga dapat menentukan garis-garis yang benar untuk menentukan nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut tetapi tidak mempunyai rencana lain yang berbeda dengan rencana sebelumnya yang bisa digunakan untuk memecahkan masalah jika rencana pemecahan dengan yang dibuat belum dapat memecahkan masalah. Pada tahap ini SR hanya terlihat bernalar untuk menyusun rencana yang berupa langkah-langkah pemecahan masalah berdasarkan pengetahuan yang dimiliki dengan satu rencana pemecahan saja. SR tidak mempunyai rencana pemecahan lain yang berbeda yang bisa digunakan untuk memecahkan masalah. Sehingga dapat dikatakan bahwa pada tahap merencanakan subjek tidak dapat bernalar dengan baik karena tidak mempunyai rencana lain untuk memecahkan masalah sehingga belum memenuhi indikator penalaran matematis yaitu dapat memperkirakan jawaban dan proses solusi (Sulistiawati, 2014: 207).

c. Tahap Melaksanakan Rencana Pemecahan Masalah

SR dapat menyusun dan menguji perkiraan jawaban yang telah ditentukan diantaranya dapat menyusun langkah pemecahan yang telah direncanakan pada tahap

membuat rencana yaitu menggambar kubus, kemudian menentukan letak titik-titik yang diketahui dan sudut yang akan dicari nilai sinus, kosinus, atau tangennya pada kubus, kemudian melakukan operasi hitung untuk menentukan panjang garis-garis yang digunakan untuk menentukan nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut dan menentukan nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut serta dapat menjelaskan secara lisan maupun tertulis langkah-langkahnya tersebut. SR menggunakan penalaran ketika menempatkan sudut yang akan dicari nilai sinus, kosinus, atau tangennya pada kubus tetapi tidak cermat dalam melakukan operasi hitung pada beberapa operasi hitung yang dilakukan.

Dapat diketahui bahwa SR hanya bernalar saat meletakkan titik-titik dan sudut yang akan dicari nilai sinus, kosinus, atau tangennya pada kubus dan saat memilih garis mana saja yang harus ditentukan panjangnya untuk dapat menentukan nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut berdasarkan gambar yang telah dibuat sebelumnya. Tetapi SR tidak dapat bernalar saat melakukan operasi hitung terbukti dengan kesalahan pada beberapa operasi hitung yang dilakukan. Hal ini berarti subjek belum menunjukkan penalaran karena belum sesuai dengan salah satu indikator yang disampaikan oleh Sulistiawati (2014: 207) yaitu menggunakan data yang mendukung untuk menjelaskan mengapa cara yang digunakan serta jawaban adalah benar karena tidak mampu melakukan operasi hitung dengan benar menggunakan bilangan-bilangan yang telah ditentukan.

d. Tahap Memeriksa Kembali Pemecahan Masalah

SR mengambil jawaban akhir dari pemecahan masalah yang telah dilakukan dan telah memeriksa kembali jawaban dari masalah yang telah diselesaikan yaitu dengan cara menghitung kembali operasi-operasi hitung mulai awal hingga akhir pemecahan terbukti dengan adanya bekas hapusan pada lembar jawaban SR. Terlihat SR bernalar saat menarik kesimpulan berupa nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut berdasarkan jawaban yang diperoleh dan memeriksa kembali apakah jawaban yang diperoleh sudah benar. Hal ini juga sesuai dengan indikator siswa yang memiliki kemampuan penalaran yang disampaikan oleh Wardhani (2008: 14) yaitu dapat menarik kesimpulan dari pernyataan dan dapat memeriksa kesahihan suatu argumen.

2. Subjek dengan Kemampuan Matematika Sedang (SS)

a. Tahap Memahami Masalah

SS dapat memahami masalah yaitu dengan cara membaca soal dan menjelaskan masalah yang dihadapi dengan lancar. Jika belum dapat memahami masalah dalam soal yang diberikan cara yang digunakan adalah mengulang membaca dan mencoba memahami masalah kembali SS. dapat menyebutkan apa yang diketahui dan apa yang ditanyakan secara lisan maupun tertulis pada lembar jawaban serta dapat menjelaskan bagaimana bisa menetapkan yang diketahui dan ditanyakan.

Proses penalaran SS pada tahap memahami masalah terlihat saat SS menjabarkan apa saja yang diketahui dan ditanyakan secara lisan maupun secara tertulis dan mampu memberikan penjelasan bahwa apa saja yang diketahui dan

ditanyakan diperoleh dengan membaca soal, yang artinya apa saja yang ditetapkan SS sebagai yang diketahui dan ditanyakan berasal dari pernyataan-pernyataan dalam soal. Berdasarkan uraian tersebut diketahui bahwa subjek bernalar dalam merumuskan masalah yang dihadapi berdasarkan pernyataan-pernyataan yang ada dalam soal yang disebutkan sebagai yang diketahui dan ditanyakan dan mampu menjelaskan alasan mengapa bisa menetapkan sesuatu sebagai yang diketahui dan ditanyakan. Hal tersebut sesuai dengan indikator siswa yang memiliki kemampuan penalaran yang disampaikan oleh Wardhani (2008: 14). Karena subjek dapat mengajukan dugaan berupa rumusan masalah yang dihadapi dan harus diselesaikan serta dapat memberikan bukti atau alasan terhadap kebenaran solusi karena dapat menjelaskan bagaimana bisa menetapkan hal-hal sebagai yang diketahui dan ditanyakan.

b. Tahap Membuat Rencana Pemecahan Masalah

SS dapat memperkirakan jawaban dan proses solusi dengan baik yaitu dapat menyusun langkah-langkah pemecahan yang diawali dengan menggambar dengan alasan bahwa dengan menggambar akan dapat memperjelas posisi titik-titik kubus dan sudut yang akan dicari nilainya dan sebagai solusi jika rencana tersebut belum dapat digunakan untuk memecahkan masalah SS mempunyai rencana lain yang bisa digunakan untuk memecahkan masalah serta dapat menjelaskan rencana lain tersebut. Terlihat SS bernalar dalam menyusun rencana pemecahan yaitu memilih langkah yang tepat untuk memecahkan masalah berdasarkan pengetahuan yang dimiliki. Jadi pada tahap membuat rencana pemecahan masalah, subjek dapat bernalar dengan baik sesuai dengan indikator penalaran matematis yang disampaikan oleh Sulistiawati (2014: 207) diantaranya dapat memperkirakan jawaban dan proses solusi untuk memecahkan masalah yang dihadapi dengan beberapa rencana dan dapat memberikan penjelasan yang dapat mendukung karena dapat menjelaskan rencana yang dibuat.

c. Tahap Melaksanakan Rencana Pemecahan Masalah

SS menggambar kubus, kemudian menuliskan panjang rusuk kubus, menentukan letak titik-titik kubus, dan sudut yang diketahui pada kubus, menggambar segitiga pada kubus dengan menghubungkan titik atau garis yang sesuai, kemudian melakukan operasi hitung untuk menentukan panjang garis-garis yang digunakan untuk menentukan nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut dan menentukan nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut serta dapat memberikan penjelasan atau alasan dari setiap langkah yang dilakukan. Terlihat bahwa SS tidak melakukan kesalahan dalam menempatkan sudut dan melakukan operasi hitung tetapi tidak menemukan jawaban saat memecahkan masalah menggunakan rencana lain yang telah dijelaskan pada tahap membuat rencana. Sehingga dapat disimpulkan bahwa pada tahap melaksanakan rencana pemecahan subjek belum menggunakan penalaran dengan baik karena tidak memenuhi indikator penalaran matematis yaitu menarik kesimpulan, menyusun bukti, memberikan alasan atau bukti terhadap kebenaran solusi sesuai yang disampaikan

oleh Wardhani (2008: 14). Terbukti subjek belum memperoleh jawaban akhir saat memecahkan masalah menggunakan rencana pemecahan lain.

d. Tahap Memeriksa Kembali Pemecahan Masalah

SS mengambil jawaban akhir dari pemecahan masalah yang dilakukan dan telah memeriksa kembali pemecahan masalah dengan cara mencoba mengerjakan ulang sehingga meyakini bahwa jawaban yang ditemukan adalah jawaban yang benar. Terlihat SS bernalar saat menarik kesimpulan berupa nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut dan memeriksa kembali solusi masalah atau jawaban yang diperoleh. Hal ini sesuai dengan indikator siswa yang memiliki kemampuan penalaran yang disampaikan oleh Wardhani (2008: 14) yaitu dapat menarik kesimpulan dari pernyataan dan dapat memeriksa kesahihan suatu argumen yaitu dengan cara mencoba mengerjakan ulang yang dibuktikan dengan adanya bekas hapusan pada lembar jawaban.

3. Subjek dengan Kemampuan Matematika Tinggi (ST)

a. Tahap Memahami Masalah

ST memahami masalah yang ada dalam soal dengan cara membaca soal yang diberikan dan akan mengulang membaca sampai benar-benar memahami masalah yang ada dalam soal jika belum dapat memahami. ST dapat menjelaskan masalah yang ditemukannya dan dapat menyebutkan apa yang diketahui dan ditanyakan baik secara lisan maupun tertulis tetapi dengan menggambar kubus terlebih dahulu. dapat diketahui bahwa ST bernalar saat harus menjabarkan apa saja yang diketahui dan ditanyakan secara lisan maupun secara tertulis dan mampu memberikan penjelasan bahwa apa saja yang diketahui dan ditanyakan diperoleh dari soal karena menurutnya apa yang diketahui dan ditanyakan telah tertulis pada soal. Hal ini sesuai dengan indikator penalaran yang disampaikan oleh Wardhani (2015: 13) yaitu dapat memberikan bukti atau alasan terhadap kebenaran solusi karena dapat menjelaskan bagaimana bisa menetapkan hal-hal sebagai yang diketahui dan ditanyakan.

b. Tahap Membuat Rencana Pemecahan Masalah

ST memperkirakan proses solusi dengan baik yaitu membuat rencana berupa susunan langkah-langkah pemecahan yang diawali dengan menggambar kubus agar mengetahui letak sudut yang akan dicari nilai sinus, kosinus, atau tangennya pada kubus. Jika rencana yang dibuat sebelumnya tidak dapat memecahkan masalah, ST akan menggunakan rencana pemecahan lain dan mampu menjelaskan rencana lain tersebut. Terlihat ST bernalar dalam menyusun rencana pemecahan yaitu memilih langkah-langkah yang tepat untuk memecahkan masalah berdasarkan pengetahuan yang dimiliki. Jadi pada tahap membuat rencana pemecahan masalah, subjek bernalar dalam membuat rencana pemecahan masalah sesuai dengan indikator penalaran matematis yang disampaikan oleh Sulistiawati (2014: 207) diantaranya dapat memperkirakan jawaban dan proses solusi untuk memecahkan masalah yang dihadapi dengan beberapa rencana dan dapat memberikan penjelasan yang dapat mendukung yaitu dapat menjelaskan rencana yang dibuat.

c. Tahap Melaksanakan Rencana Pemecahan Masalah

ST menggambar kubus, lalu meletakkan sudut yang dicari nilai sinus, kosinus, atau tangennya pada kubus, kemudian melakukan operasi hitung untuk menentukan panjang garis-garis yang digunakan untuk menentukan nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut dengan bantuan gambar segitiga menggunakan rumus pythagoras dan menentukan nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut serta mampu memberi penjelasan atau alasan untuk setiap langkah yang dilakukan tersebut secara lisan dan tertulis. Dapat diketahui bahwa ST tidak melakukan kesalahan dalam menempatkan sudut pada kubus dan melakukan operasi hitung serta mampu memecahkan masalah menggunakan rencana pemecahan lain yang telah dijelaskan pada tahap membuat rencana hingga menemukan jawaban yang tepat. Dapat diketahui ST bernalar saat meletakkan sudut yang akan dicari nilai sinus, kosinus, atau tangennya pada kubus. Penalaran yang dilakukan juga terlihat saat memilih garis mana saja yang harus ditentukan panjangnya untuk dapat menentukan nilai nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut berdasarkan gambar kubus dan segitiga yang telah dibuat sebelumnya. Jadi subjek telah bernalar sesuai dengan indikator penalaran matematis yang disampaikan oleh Sulistiawati (2014: 207) diantaranya dapat mengajukan dugaan berupa solusi atau jawaban, dapat melakukan manipulasi matematika yaitu menuliskan pernyataan-pernyataan dalam soal menjadi kalimat matematika dan mampu mengoperasikan dengan benar, dapat menyusun bukti pemecahan yang dilakukan dan memberikan penjelasan, dan dapat menarik kesimpulan.

d. Tahap Memeriksa Kembali Pemecahan Masalah

ST dapat mengambil jawaban akhir dari pemecahan masalah yang pertama dan pemecahan masalah dengan cara yang berbeda. Jawaban akhir dari kedua pemecahan tersebut adalah sama. ST memeriksa kembali pemecahan masalah yang telah dibuat dengan cara meneliti dan menghitung kembali operasi-operasi hitung yang dilakukan mulai dari awal pemecahan hingga akhir. Dapat diketahui ST bernalar saat menarik kesimpulan berupa nilai sinus, kosinus, atau tangen sudut dan saat memeriksa kembali jawaban akhir yang diperoleh. Hal ini sesuai dengan indikator kemampuan penalaran yang disampaikan oleh Wardhani (2008: 14) yaitu dapat menarik kesimpulan dari pernyataan dan dapat memeriksa kesahihan suatu argumen yang terbukti dari adanya bekas hapusan pada lembar jawaban.

21

KESIMPULAN DAN SARAN

Kesimpulan

Berdasarkan hasil analisis dan pembahasan pada bab sebelumnya, peneliti membuat kesimpulan tentang proses penalaran matematis siswa dengan kemampuan rendah, sedang, dan tinggi dalam memecahkan masalah berdasarkan tahap-tahap pemecahan masalah sebagai berikut.

1. Subjek dengan Kemampuan Matematika Rendah (SR)

Subjek dengan kemampuan matematika rendah (SR) menunjukkan proses penalaran matematisnya dalam memecahkan masalah kecuali pada tahap membuat rencana pemecahan masalah dan tahap melaksanakan rencana pemecahan masalah.

Karena pada tahap membuat rencana pemecahan masalah tersebut SR hanya menunjukkan proses bernalar untuk menyusun rencana yang berupa langkah-langkah pemecahan masalah berdasarkan pengetahuan yang dimiliki dengan satu rencana pemecahan saja. Sedangkan pada tahap melaksanakan rencana pemecahan masalah SR tidak dapat bernalar saat melakukan operasi hitung terbukti dengan kesalahan pada beberapa operasi hitung yang dilakukan saat memecahkan masalah.

2. Subjek dengan Kemampuan Matematika Sedang (SS)

Subjek dengan kemampuan matematika sedang (SS) menunjukkan proses penalaran matematisnya pada setiap tahap memecahkan masalah kecuali tahap melaksanakan rencana pemecahan masalah. Karena pada tahap melaksanakan rencana pemecahan SS hanya dapat bernalar saat memecahkan masalah dengan satu rencana saja dan tidak dapat bernalar saat memecahkan masalah menggunakan rencana pemecahan lain yang telah direncanakan sebelumnya pada tahap membuat rencana pemecahan masalah.

3. Subjek dengan Kemampuan Matematika Tinggi (ST)

Subjek dengan kemampuan matematika tinggi (ST) menunjukkan proses penalaran matematisnya pada setiap tahap memecahkan masalah.

Saran

Berdasarkan hasil penelitian dan kesimpulan, peneliti mengemukakan saran sebagai berikut:

1. Hasil penelitian dapat digunakan sebagai acuan bagi guru dan sekolah untuk memfasilitasi siswa dengan berbagai kemampuan matematika baik rendah, sedang, maupun tinggi dalam kegiatan pembelajaran di kelas dengan memberikan latihan soal yang dapat menggali proses penalaran siswa dan memberikan perhatian serta pengajaran yang tepat kepada siswa dalam kegiatan pembelajaran sehingga dapat meningkatkan dan mengembangkan penalaran matematis siswa dalam memecahkan masalah matematika.
2. Siswa dengan kemampuan matematika rendah masih banyak melakukan kesalahan operasi hitung dan tidak memiliki rencana pemecahan berbeda untuk memecahkan masalah. Oleh karena itu, sebaiknya guru dapat memberikan waktu dan perhatian lebih pada siswa dengan kemampuan matematika rendah agar siswa dengan kemampuan rendah dapat mengoreksi kembali pemecahan masalah yang dilakukan serta dapat lebih meningkatkan kemampuannya dalam menghadapi masalah dengan berbagai alternatif pemecahan yang berbeda.
3. Siswa dengan kemampuan tinggi kurang menonjolkan kemampuan verbal. Sehingga guru dianjurkan dapat memberikan kesempatan yang lebih untuk siswa kemampuan matematika tinggi khususnya dan siswa lain pada umumnya untuk mengutarakan pemikirannya secara lisan agar siswa dapat meningkatkan kemampuan verbalnya dalam mengutarakan pemikirannya saat memecahkan masalah.

DAFTAR PUSTAKA

- Azmi, Ulul. (2013). *Profil Kemampuan Penalaran Matematika dalam Menyelesaikan Masalah Matematika Ditinjau dari Kemampuan Matematika Pada Materi Persamaan Garis Lurus Kelas VIII SMP YPM 4 Bohar Sidoarjo*. Skripsi. Surabaya: Program Studi Pendidikan Matematika Fakultas Ilmu Tarbiyah dan Keguruan Institut Agama Islam Negeri Sunan Ampel Surabaya
- Depdiknas. (2006). *Peraturan Menteri Pendidikan Nasional Republik Indonesia No 22 Tahun 2006 tentang Standar Isi untuk Satuan Pendidikan Dasar dan Menengah*. Jakarta: Departemen Pendidikan Nasional
- Herman, T. (2007). Pembelajaran Berbasis Masalah untuk Meningkatkan Kemampuan Penalaran Matematis Siswa SMP. *Cakrawala Pendidikan*, 41-62.
- Miles & Huberman. (1992). *Analisis Data Kualitatif*. Terjemahan oleh Tjetjep Rohendi Rohidi. Jakarta: UI Press
- Shadiq, Fadjar. (2004). *Pemecahan Masalah, Penalaran, dan Komunikasi*. Makalah disampaikan pada Diklat Instruktur/Pengembang Matematika SMP Jenjang Dasar di PPPG Matematika Tanggal 6 s.d. 19 Agustus 2004. Yogyakarta: Depdiknas Dirjendiknas Dasar dan Menengah Pusat Pengembangan Penataran Guru (PPPG) Matematika Yogyakarta.
- Shadiq, Fadjar. (2007). *Penalaran atau Reasoning Perlu Dipelajari Para Siswa di Sekolah?*. Yogyakarta: PPPPTK Yogyakarta
- Shadiq, Fadjar. (2009). *Kemahiran Matematika*. Makalah disampaikan pada Diklat Instruktur Pengembang Matematika SMA Jenjang Lanjut. Yogyakarta: Depdiknas Direktorat Jenderal Peningkatan Mutu Pendidik dan Tenaga Kependidikan Pusat Pengembangan dan Pemberdayaan Pendidik dan Tenaga Kependidikan Matematika Yogyakarta.
- Sukayasa. (2012). *Proses Berpikir Kritis Siswa SMA dalam Menyelesaikan Masalah Matematika Bagi Siswa Dengan Kemampuan Matematika Rendah*. AKSIOMA Jurnal Pendidikan Matematika Universitas Tadulako Palu, (Online), 01 (01): 45-53, tersedia: <http://jurnal.untad.ac.id/index.php/AKSIOMA/article/view/1278&lc=id-ID&s=1&m=943&ts=1447886181&sig=ALL1Aj67fPMbljQ24OwZHckawJPuWGbD9A> diunduh 24 Februari 2015
- Sulistiawati. (2014). Analisis Kesulitan Belajar Kemampuan Penalaran Matematis Siswa SMP pada Materi Luas Permukaan dan Volume Limas. Makalah dipresentasikan dalam Seminar Nasional Pendidikan Matematika, Sains, Dan TIK STKIP Surya pada tanggal 15 Februari 2014. (Online), tersedia: <http://www.slideshare.net/20061983/analisis-kesulitan-belajar-kemampuan-penalaran-matematis-siswa-smp-pada-limas> diunduh 24 Februari 2015
- Sumarmo, Utari. (2010). "Berpikir dan Disposisi Matematik: Apa, Mengapa, dan Bagaimana Dikembangkan pada Peserta Didik." Bandung: FPMIPA UPI.
- Suriasumantri, Jujun S. (2010). *Filsafat Ilmu: Sebuah Pengantar Populer*. Jakarta: Sinar Harapan

- 14
Wardhani, Sri. (2008). *Analisis SI dan SKL Mata Pelajaran Matematika SMP/MTs untuk Optimalisasi Mata Pelajaran Matematika*. Yogyakarta: PPPPTK
- Wardhani, Sri. (2010). *Pembelajaran Kemampuan Pemecahan Masalah Matematika Di SMP*. Yogyakarta: PPPPTK
- 11
Widjaja, Wanty. (2010). *Design Realistic Mathematics Education Lesson*. Makalah Seminar Nasional Pendidikan, Program Pascasarjana Universitas Sriwijaya, Palembang 1 Mei 2010. (Online), tersedia: <https://p4mristkipgarut.files.wordpress.com>, diunduh 9 Oktober 2015.
- 9
Widodo, S. (2015). *Profil Berpikir Kreatif Guru Matematika SMP dalam Membuat Masalah Matematika Kontekstual berdasarkan Kualifikasi Akademik*. (Disertasi tidak dipublikasikan). Universitas Negeri Surabaya.

PROSES PENALARAN MATEMATIS SISWA DALAM MEMECAHKAN MASALAH MATEMATIKA PADA MATERI POKOK DIMENSI TIGA BERDASARKAN KEMAMPUAN SISWA DI SMA NEGERI 5 KEDIRI

ORIGINALITY REPORT

15%

SIMILARITY INDEX

11%

INTERNET SOURCES

9%

PUBLICATIONS

4%

STUDENT PAPERS

PRIMARY SOURCES

1	e-jurnalmitrapendidikan.com Internet Source	1%
2	ejournal.uncen.ac.id Internet Source	1%
3	Submitted to Universiti Kebangsaan Malaysia Student Paper	1%
4	journal.unesa.ac.id Internet Source	<1%
5	journal.unipdu.ac.id Internet Source	<1%
6	journal.institutpendidikan.ac.id Internet Source	<1%
7	nmn93.wordpress.com Internet Source	<1%
8	Rizqa Yunisha, Rully Charitas Indra Prahmana,	<1%

Klara Iswara Sukmawati. "Pengaruh Pendekatan Pendidikan Matematika Realistik terhadap Kemampuan Komunikasi Matematis Siswa Kelas VII SMP", Jurnal Elemen, 2016

Publication

9

journal.uad.ac.id

Internet Source

<1%

10

Anis Dwi Wijayanti, Sanusi Sanusi, Benny Handoyo. "PROFIL BERPIKIR SISWA DITINJAU DARI KREATIVITAS SISWA DALAM MENYELESAIKAN KESEBANGUNAN DAN SIMETRI PADA BANGUN DATAR KELAS V SDN REJOMULYO KABUPATEN MAGETAN TAHUN AJARAN 2012/2013", JIPM (Jurnal Ilmiah Pendidikan Matematika), 2013

Publication

<1%

11

riset.unisma.ac.id

Internet Source

<1%

12

supercontohskripsi.blogspot.com

Internet Source

<1%

13

hartononuraid.blogspot.com

Internet Source

<1%

14

jurnal.una.ac.id

Internet Source

<1%

15

Masta Hutajulu, Tommy Tanu Wijaya, Wahyu Hidayat. "THE EFFECT OF MATHEMATICAL

<1%

DISPOSITION AND LEARNING MOTIVATION
ON PROBLEM SOLVING: AN ANALYSIS",
Infinity Journal, 2019

Publication

16

repository.stkipgetsempena.ac.id

Internet Source

<1%

17

Siti Sarniah, Chairul Anwar, Rizki Wahyu Yunian Putra. "Pengaruh Model Pembelajaran Auditory Intellectually Repetition terhadap Kemampuan Pemahaman Konsep Matematis", Journal of Medives : Journal of Mathematics Education IKIP Veteran Semarang, 2019

Publication

<1%

18

Submitted to Universitas Diponegoro

Student Paper

<1%

19

Asri Ode Samura. "A COMPARISON BETWEEN STAD-TYPE AND TPS-TYPE COOPERATIVE LEARNING IN MIDDLE SCHOOL STUDENTS' GEOMETRY LEARNING", Infinity Journal, 2018

Publication

<1%

20

fitk.iainambon.ac.id

Internet Source

<1%

21

Subarjo Subarjo. "Pengaruh Return on Asset (ROA), Current Ratio (CR), Net Profit Margin (NPM) dan Inflasi terhadap Harga Saham (Studi

<1%

Kasus PT Kalbe Farma, Tbk. Periode Tahun 2001–2014)", Jurnal Maksipreneur: Manajemen, Koperasi, dan Entrepreneurship, 2015

Publication

22

Submitted to Universitas Khairun

Student Paper

<1%

23

kasimmahmud.blogspot.com

Internet Source

<1%

24

Rahmat Wijaya, Fahinu Fahinu, Ruslan Ruslan. "Pengaruh Kecemasan Matematika dan Gender Terhadap Kemampuan Penalaran Adaptif Matematika Siswa SMP Negeri 2 Kendari", Jurnal Pendidikan Matematika, 2019

Publication

<1%

25

numeracy.stkipgetsempena.ac.id

Internet Source

<1%

26

e-journal.unipma.ac.id

Internet Source

<1%

27

Nur Alifah, Usman Aripin. "PROSES BERPIKIR SISWA SMP DALAM MEMECAHKAN MASALAH MATEMATIK DITINJAU DARI GAYA KOGNITIF FIELD DEPENDENT DAN FIELD INDEPENDENT", JPMI (Jurnal Pembelajaran Matematika Inovatif), 2018

Publication

<1%

28

Submitted to Sultan Agung Islamic University

<1%

29

niezphan.blogspot.com

Internet Source

<1%

30

Zahra Chairani. "Scaffolding dalam pembelajaran matematika", Math Didactic: Jurnal Pendidikan Matematika, 2015

Publication

<1%

31

manajemen-pembiayaankesehatan.net

Internet Source

<1%

32

Trias Saminar. "UPAYA PENINGKATAN KETERAMPILAN PROSES DAN PEMAHAMAN KONSEP BIOLOGI MELALUI PEMANFAATAN SUMBER BELAJAR LINGKUNGAN SISWA KELAS XII IPA 2 SMA NEGERI I PUNGGUR TAHUN PELAJARAN 2016/2017", BIOEDUKASI (Jurnal Pendidikan Biologi), 2017

Publication

<1%

33

pmat.uad.ac.id

Internet Source

<1%

34

repository.unair.ac.id

Internet Source

<1%

35

Sarah Isnaeni, Lailatul Fajriyah, Evi Sri Risky, Ratni Purwasih, Wahyu Hidayat. "Analisis Kemampuan Penalaran Matematis dan

<1%

Kemandirian Belajar Siswa SMP pada Materi
"Persamaan Garis Lurus", Journal of Medives :
Journal of Mathematics Education IKIP Veteran
Semarang, 2018

Publication

36

digilib.unmuhjember.ac.id

Internet Source

<1%

37

Submitted to Unika Soegijapranata

Student Paper

<1%

38

Evi Febriana. "Profil Kemampuan Spasial Siswa Menengah Pertama (SMP) dalam Menyelesaikan Masalah Geometri Dimensi Tiga Ditinjau dari Kemampuan Matematika", Jurnal Elemen, 2015

Publication

<1%

39

Dina Pratiwi Dwi Santi, Setiyani Setiyani, Maharani Anggita. "Kemampuan pemecahan masalah matematis mahasiswa calon guru sekolah dasar dalam menyelesaikan soal cerita berbasis karakter pada materi bilangan pecahan", Premiere Educandum : Jurnal Pendidikan Dasar dan Pembelajaran, 2019

Publication

<1%

40

eprints.upnjatim.ac.id

Internet Source

<1%

41

La Ode Ahmad, Muchtar Ibrahim, La Arapu La

<1%

Arapu. "PERBANDINGAN MODEL PEMBELAJARAN BERBASIS MASALAH DAN MODEL PEMBELAJARAN PENEMUAN TERHADAP HASIL BELAJAR SISWA PADA MATERI PERSAMAAN GARIS LURUS DI KELAS VIII SMP NEGERI 10 KENDARI", Jurnal Penelitian Pendidikan Matematika, 2019

Publication

42 journal.upgris.ac.id <1 %
Internet Source

43 eprints.mdp.ac.id <1 %
Internet Source

44 eprints.umsida.ac.id <1 %
Internet Source

45 repository.iainpurwokerto.ac.id <1 %
Internet Source

46 digilib.uns.ac.id <1 %
Internet Source

47 Hery Suharna, Agung Lukito Nusantara, I Ketut Budayasa. "PROFIL BERPIKIR REFLEKTIF SISWA SD DALAM PEMECAHAN MASALAH PECAHAN BERDASARKAN KEMAMPUAN MATEMATIKA", EDUKASI, 2016 <1 %
Publication

48 Eka Senjayawati, Puji Nurfauziah. "PENINGKATAN KEMAMPUAN PENALARAN <1 %

MATEMATIK DAN SELF EFFICACY SISWA SMK DENGAN MENGGUNAKAN PENDEKATAN CREATIVE PROBLEM SOLVING", P2M STKIP Siliwangi, 2018

Publication

49

astrosumbet.blogspot.com

Internet Source

<1%

50

akuntansi.upi.edu

Internet Source

<1%

51

Kadir Sobur. "LOGIKA DAN PENALARAN DALAM PERSPEKTIF ILMU PENGETAHUAN", TAJDID: Jurnal Ilmu Ushuluddin, 2015

Publication

<1%

52

Rina Agustina. "Penyelesaian Masalah Matematika Pada Tipe Kepribadian Phlegmatis", AKSIOMA Journal of Mathematics Education, 2014

Publication

<1%

Exclude quotes

Off

Exclude matches

Off

Exclude bibliography

Off